

2005-CE

數學

卷二

MC

香港考試及評核局

2005年香港中學會考

## 數學 試卷二

一小時三十分鐘完卷  
(上午十一時十五分至下午十二時四十五分)

科目編號 380

- (一) 細讀答題紙上的指示，並填上各項所需資料，包括科目編號。
- (二) 試場主任宣布開卷後，考生須檢查試題有否缺漏，最後一題之後應有「**試卷完**」字樣。
- (三) 本試卷各題佔分相等。
- (四) **本試卷全部試題均須回答**。答案必須填畫在答題紙上。
- (五) 每題只可填畫一個答案，若填畫多個答案，則該題**不給分**。
- (六) 答案錯誤，不另扣分。

甲部共 36 題，乙部共 18 題。  
本試卷的附圖不一定依比例繪成。  
選出每題最佳的答案。

### 參考公式

球 體	表 面 積	=	$4\pi r^2$
	體 積	=	$\frac{4}{3}\pi r^3$
圓 柱	側 面 積	=	$2\pi rh$
	體 積	=	$\pi r^2 h$
圓 錐	側 面 積	=	$\pi rl$
	體 積	=	$\frac{1}{3}\pi r^2 h$
角 柱	體 積	=	底面積 × 高
角 錐	體 積	=	$\frac{1}{3} \times \text{底面積} \times \text{高}$

### 甲部

1.  $a \cdot a(a+a) =$
- A.  $a^4$  。
  - B.  $2a^3$  。
  - C.  $a^3 + a$  。
  - D.  $3a^2 + a$  。
2. 若  $a=1-2b$ ，則  $b =$
- A.  $\frac{a-1}{2}$  。
  - B.  $\frac{a+1}{2}$  。
  - C.  $\frac{-1-a}{2}$  。
  - D.  $\frac{1-a}{2}$  。

3. 若  $f(x) = 2x^2 - 3x + 4$ ，則  $f(1) - f(-1) =$

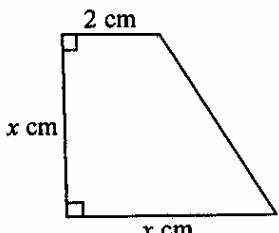
- A.  $-6^\circ$
- B.  $-2^\circ$
- C.  $2^\circ$
- D.  $6^\circ$

4.  $(2x-3)(x^2+3x-2) =$

- A.  $2x^3 + 3x^2 + 5x - 6^\circ$
- B.  $2x^3 + 3x^2 + 5x + 6^\circ$
- C.  $2x^3 + 3x^2 - 13x - 6^\circ$
- D.  $2x^3 + 3x^2 - 13x + 6^\circ$

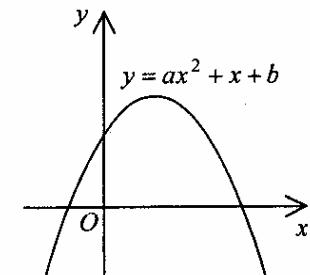
5. 圖中，梯形的面積為  $12 \text{ cm}^2$ 。下列哪方程可用來求  $x$ ？

- A.  $x(x+2)=12$
- B.  $x(x+2)=24$
- C.  $x^2 - x(x-2)=12$
- D.  $x^2 - x(x-2)=24$



6. 圖中所示為  $y = ax^2 + x + b$  的圖像。下列何者正確？

- A.  $a > 0$  及  $b < 0$
- B.  $a > 0$  及  $b > 0$
- C.  $a < 0$  及  $b < 0$
- D.  $a < 0$  及  $b > 0$



7. 若  $\begin{cases} \beta = \alpha^2 - 3 \\ \beta = 4\alpha - 3 \end{cases}$ ，則  $\beta =$

- A.  $4^\circ$
- B.  $13^\circ$
- C.  $0$  或  $4^\circ$
- D.  $-3$  或  $13^\circ$

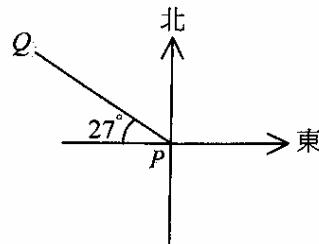
8. 若二次方程  $kx^2 + 6x + (6-k) = 0$  有等根，則  $k =$

- A.  $-6^\circ$
- B.  $-3^\circ$
- C.  $3^\circ$
- D.  $6^\circ$

9.  $2(3-x) > -4$  的解為  
 A.  $x < 5$ 。  
 B.  $x > 5$ 。  
 C.  $x < 10$ 。  
 D.  $x > 10$ 。
10. 若  $x^2 + 2ax + 8 \equiv (x+a)^2 + b$ ，則  $b =$   
 A. 8。  
 B.  $a^2 + 8$ 。  
 C.  $a^2 - 8$ 。  
 D.  $8 - a^2$ 。
11. 若某等比數列的第 2 項及第 5 項分別為 -3 及 192，則該數列的公比為  
 A. -8。  
 B. -4。  
 C. 4。  
 D. 8。
12. 偉明售出兩個物業單位，每個單位的售價均為 \$ 999 999，其中一個虧蝕 10%，而另一個則獲利 10%。完成該兩項交易後，偉明  
 A. 獲利 \$ 10 101。  
 B. 獲利 \$ 20 202。  
 C. 虧蝕 \$ 10 101。  
 D. 虧蝕 \$ 20 202。
13. 設  $x$  及  $y$  均為非零的數。若  $2x - 3y = 0$ ，則  $(x+3y):(x+2y) =$   
 A. 3:2。  
 B. 4:3。  
 C. 9:7。  
 D. 11:8。
14. 若  $z$  隨  $y^2$  正變且隨  $x$  反變，下列何者必為常數？  
 A.  $xy^2z$   
 B.  $\frac{y^2z}{x}$   
 C.  $\frac{xz}{y^2}$   
 D.  $\frac{z}{xy^2}$

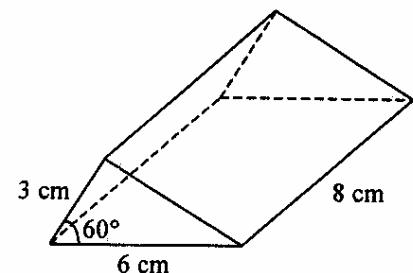
15. 圖中，由  $Q$  測  $P$  的方位為

- A. N  $27^\circ$  W。
- B. S  $27^\circ$  E。
- C. N  $63^\circ$  W。
- D. S  $63^\circ$  E。



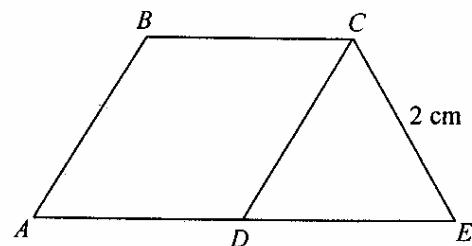
18. 圖中所示為一直立三角柱體。求該柱體的體積。

- A.  $36 \text{ cm}^3$
- B.  $72 \text{ cm}^3$
- C.  $36\sqrt{3} \text{ cm}^3$
- D.  $72\sqrt{3} \text{ cm}^3$



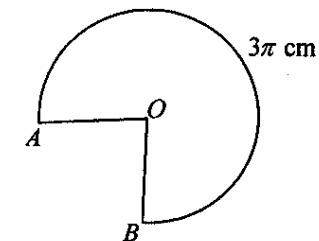
16. 圖中， $ABCD$  為一菱形且  $CDE$  為一等邊三角形。若  $ADE$  為一直線，則四邊形  $ABCE$  的面積為

- A.  $2\sqrt{3} \text{ cm}^2$ 。
- B.  $3\sqrt{3} \text{ cm}^2$ 。
- C.  $4\sqrt{3} \text{ cm}^2$ 。
- D.  $6\sqrt{3} \text{ cm}^2$ 。



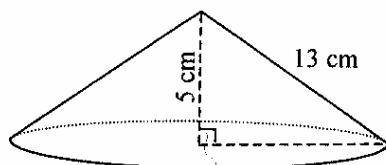
19. 圖中， $OAB$  為一扇形，其半徑為  $2 \text{ cm}$ 。若  $\widehat{AB}$  的長度為  $3\pi \text{ cm}$ ，則扇形  $OAB$  的面積為

- A.  $\frac{3\pi}{2} \text{ cm}^2$ 。
- B.  $3\pi \text{ cm}^2$ 。
- C.  $4\pi \text{ cm}^2$ 。
- D.  $6\pi \text{ cm}^2$ 。



17. 圖中所示為一實心直立圓錐體，其高為  $5 \text{ cm}$  且斜高為  $13 \text{ cm}$ 。求該圓錐體的總表面面積。

- A.  $144\pi \text{ cm}^2$
- B.  $156\pi \text{ cm}^2$
- C.  $240\pi \text{ cm}^2$
- D.  $300\pi \text{ cm}^2$

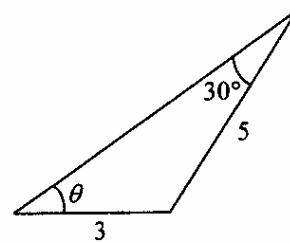


20. 當  $0^\circ \leq \theta \leq 90^\circ$  時， $\frac{5-\sin\theta}{4+\sin\theta}$  的最大值為

- A.  $\frac{4}{5}$ 。
- B. 1。
- C.  $\frac{5}{4}$ 。
- D. 2。

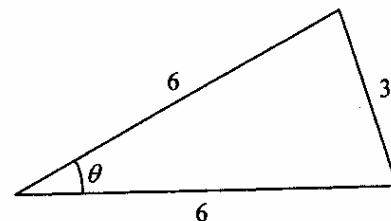
21. 圖中， $\theta$  為一銳角。求  $\theta$  準確至最接近的度。

- A.  $35^\circ$
- B.  $50^\circ$
- C.  $56^\circ$
- D.  $57^\circ$



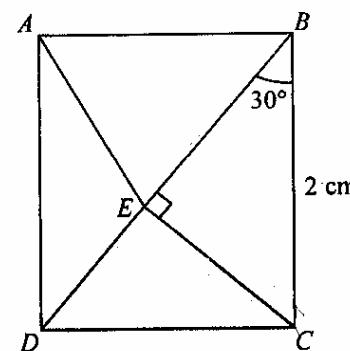
22. 圖中， $\cos \theta =$

- A.  $\frac{1}{8}$
- B.  $\frac{1}{4}$
- C.  $\frac{7}{8}$
- D.  $\frac{7}{4}$



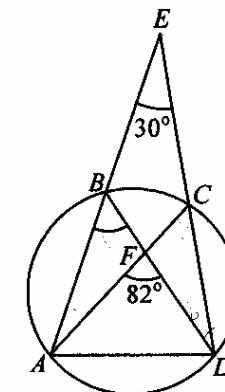
23. 圖中， $ABCD$  為一長方形。若  $BED$  為一直線，則  $\triangle ABE$  的面積為

- A.  $\frac{\sqrt{3}}{6} \text{ cm}^2$
- B.  $\frac{\sqrt{3}}{2} \text{ cm}^2$
- C.  $\frac{2\sqrt{3}}{3} \text{ cm}^2$
- D.  $\sqrt{3} \text{ cm}^2$



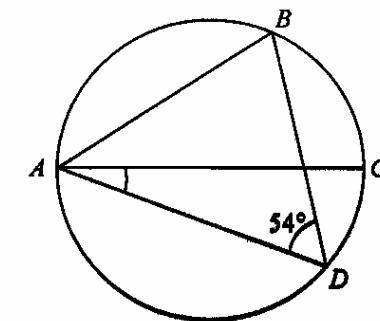
24. 圖中， $ABCD$  為一圓。 $AB$  的延線與  $DC$  的延線相交於  $E$ 。若  $AC$  與  $BD$  相交於  $F$ ，則  $\angle ABD =$

- A.  $41^\circ$
- B.  $52^\circ$
- C.  $56^\circ$
- D.  $60^\circ$



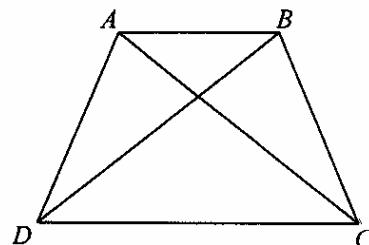
25. 圖中， $ABCD$  為一圓。若  $AC$  為該圓的一直徑且  $AB = BD$ ，則  $\angle CAD =$

- A.  $18^\circ$
- B.  $21^\circ$
- C.  $27^\circ$
- D.  $36^\circ$



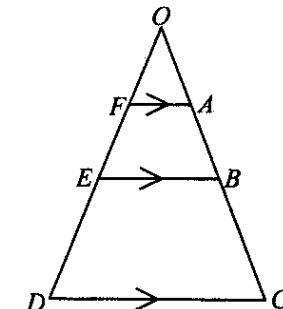
26. 若  $AC=BD$  且  $AB \parallel DC$ ，圖中有多少對相似三角形？

- A. 2 對
- B. 3 對
- C. 4 對
- D. 5 對



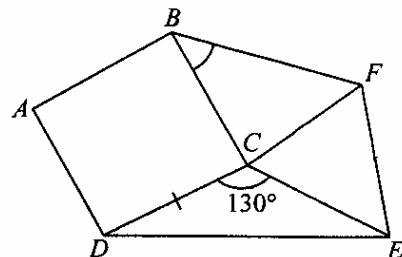
29. 圖中， $OABC$  及  $OFED$  均為直線。若  $AB:BC=2:3$  及  $FA:DC=1:5$ ，則  $OA:AB=$

- A.  $1:1$ 。
- B.  $1:2$ 。
- C.  $5:8$ 。
- D.  $5:13$ 。



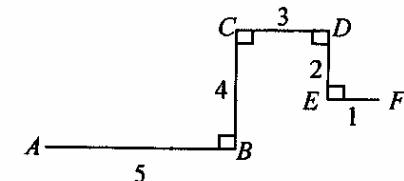
27. 圖中， $ABCD$  為一正方形。若  $CEF$  為一等邊三角形，則  $\angle CBF =$

- A.  $45^\circ$ 。
- B.  $50^\circ$ 。
- C.  $60^\circ$ 。
- D.  $80^\circ$ 。



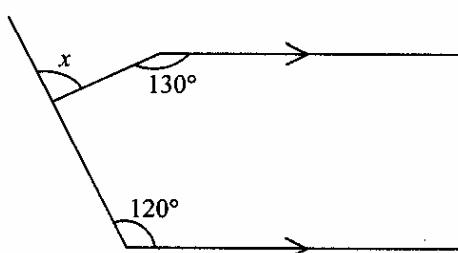
30. 圖中，連結  $A$  及  $F$  的線段的長度為

- A.  $\sqrt{68}$ 。
- B.  $\sqrt{77}$ 。
- C.  $\sqrt{82}$ 。
- D.  $\sqrt{85}$ 。



28. 圖中， $x =$

- A.  $50^\circ$ 。
- B.  $60^\circ$ 。
- C.  $70^\circ$ 。
- D.  $90^\circ$ 。

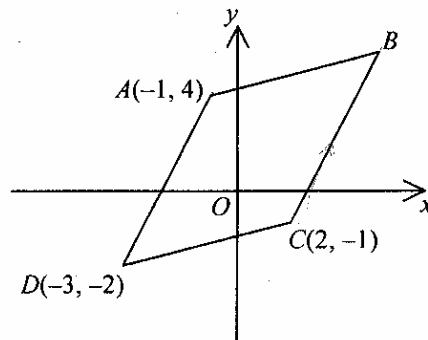


31.  $A(2, 5)$  及  $B(6, -3)$  為兩點。若  $P$  為直線  $x=y$  上的一點使得  $AP=PB$ ，則  $P$  的坐標為

- A.  $(-2, -2)$ 。
- B.  $(-2, 4)$ 。
- C.  $(1, 1)$ 。
- D.  $(4, 1)$ 。

32. 圖中， $ABCD$  為一平行四邊形。 $B$  的坐標為

- A.  $(3, 2)$ 。
- B.  $(3, 5)$ 。
- C.  $(4, 5)$ 。
- D.  $(4, 6)$ 。



35. 袋子  $X$  中有 1 個白球及 3 個紅球，而袋子  $Y$  中有 3 個黃球及 6 個紅球。從袋子  $X$  中隨機抽出一個球放入袋子  $Y$  中。若現從袋子  $Y$  中隨機抽出一個球，則所抽出的球是紅色的概率為

- A.  $\frac{1}{2}$ 。
- B.  $\frac{2}{3}$ 。
- C.  $\frac{21}{40}$ 。
- D.  $\frac{27}{40}$ 。

33. 若直線  $L$  的方程為  $x - 2y + 3 = 0$ ，則通過點  $(2, -1)$  且垂直於  $L$  的直線的方程為

- A.  $x + 2y + 3 = 0$ 。
- B.  $x + 2y - 3 = 0$ 。
- C.  $2x + y + 3 = 0$ 。
- D.  $2x + y - 3 = 0$ 。

34. 若五個數  $15$ 、 $x + 4$ 、 $x + 1$ 、 $2x - 7$  及  $x - 3$  的平均值為  $6$ ，則該五個數的眾數為

- A.  $1$ 。
- B.  $4$ 。
- C.  $5$ 。
- D.  $15$ 。

36. 若投擲一枚勻稱骰子三次，則三次所擲得的點數全不相同的概率為

- A.  $\frac{5}{9}$ 。
- B.  $\frac{17}{18}$ 。
- C.  $\frac{125}{216}$ 。
- D.  $\frac{215}{216}$ 。

37. 若  $n$  為一正整數，則  $\frac{1}{1+2\sqrt{n}} - \frac{1}{1-2\sqrt{n}} =$

A.  $\frac{4\sqrt{n}}{1-4n}$  。

B.  $\frac{-4\sqrt{n}}{1+4n}$  。

C.  $\frac{4\sqrt{n}}{4n+1}$  。

D.  $\frac{4\sqrt{n}}{4n-1}$  。

38.  $x^2(x+1)(x+2)$  與  $x(x+1)^3$  的 H.C.F. 為

A.  $x(x+1)$  。

B.  $x(x+1)(x+2)$  。

C.  $x^2(x+1)^3$  。

D.  $x^2(x+1)^3(x+2)$  。

39. 若  $a$  及  $b$  均為正整數，則  $\log(a^b b^a) =$

A.  $ab \log(ab)$  。

B.  $ab(\log a)(\log b)$  。

C.  $(a+b)\log(a+b)$  。

D.  $b\log a + a\log b$  。

40. 設  $k$  為一正整數。當  $x^{2k+1} + kx + k$  除以  $x+1$  時，餘數為

A.  $-1$  。

B.  $1$  。

C.  $2k-1$  。

D.  $2k+1$  。

41. 圖中哪個區域可表示

$$\begin{cases} x \leq 2 \\ x+y \geq 2 \\ x-y \geq 0 \end{cases}$$

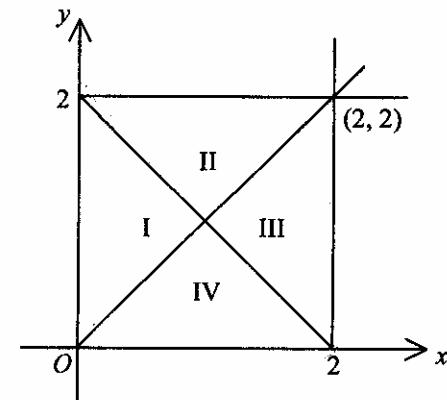
的解？

A. 區域 I

B. 區域 II

C. 區域 III

D. 區域 IV

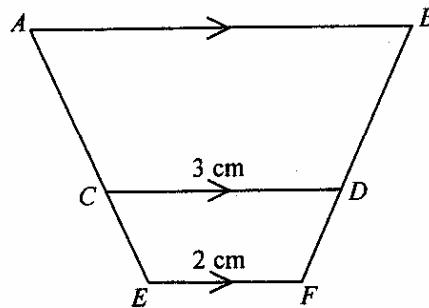


42. 若在 12 與 27 之間插入四個等差中項，則該四個等差中項之和為

- A. 78。
- B. 90。
- C. 105。
- D. 117。

43. 圖中， $ACE$  及  $BDF$  均為直線。若四邊形  $ABDC$  的面積及四邊形  $CDFE$  的面積分別為  $16\text{ cm}^2$  及  $5\text{ cm}^2$ ，則  $AB$  的長度為

- A.  $4.5\text{ cm}$ 。
- B.  $5\text{ cm}$ 。
- C.  $5.5\text{ cm}$ 。
- D.  $6\text{ cm}$ 。



44. 當  $0^\circ \leq x \leq 360^\circ$  時，方程  $\cos x(\sin x - 1) = 0$  有多少個相異的根？

- A. 2
- B. 3
- C. 4
- D. 5

45.  $\sin(90^\circ - x) + \cos(x + 180^\circ) =$

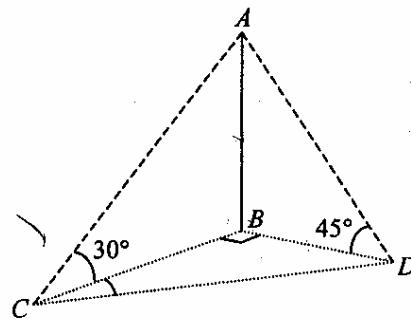
- A.  $0$ 。
- B.  $-2\cos x$ 。
- C.  $\sin x + \cos x$ 。
- D.  $\sin x - \cos x$ 。

46.  $\sin^2 1^\circ + \sin^2 3^\circ + \sin^2 5^\circ + \dots + \sin^2 87^\circ + \sin^2 89^\circ =$

- A.  $22$ 。
- B.  $22.5$ 。
- C.  $44.5$ 。
- D.  $45$ 。

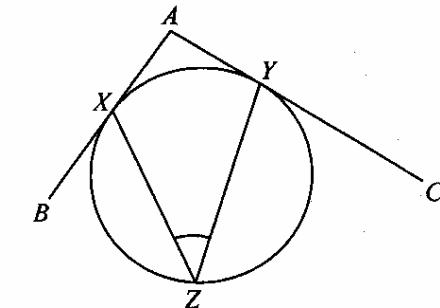
47. 圖中， $B$ 、 $C$  及  $D$  為一水平面上的三點，使得  $\angle CBD = 90^\circ$ 。若  $AB$  為一鉛垂柱，則  $\angle BCD =$

- A.  $15^\circ$ 。
- B.  $30^\circ$ 。
- C.  $45^\circ$ 。
- D.  $60^\circ$ 。



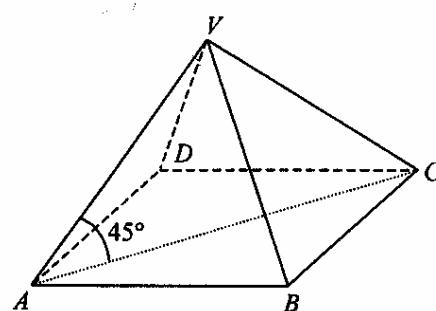
49. 圖中， $AB$  及  $AC$  分別為圓在  $X$  及  $Y$  的切線。 $Z$  為該圓上的一點。若  $\angle BAC = 100^\circ$ ，則  $\angle XZY =$

- A.  $40^\circ$ 。
- B.  $45^\circ$ 。
- C.  $50^\circ$ 。
- D.  $55^\circ$ 。



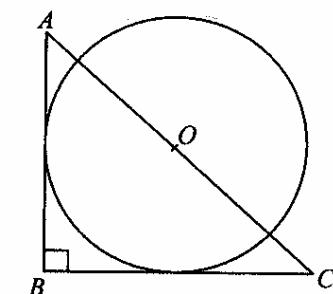
48. 圖中， $VABCD$  為一直立角錐體，其底為一正方形。若  $VA$  與該底間的交角為  $45^\circ$ ，則  $\angle AVB =$

- A.  $45^\circ$ 。
- B.  $60^\circ$ 。
- C.  $75^\circ$ 。
- D.  $90^\circ$ 。



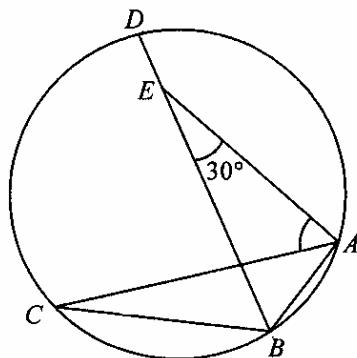
50. 圖中， $O$  為圓心且  $AOC$  為一直線。若  $AB$  及  $BC$  為圓的切線使得  $AB = 3$  及  $BC = 4$ ，則該圓的半徑為

- A.  $\frac{3}{2}$ 。
- B.  $\frac{12}{7}$ 。
- C. 2。
- D.  $\frac{5}{2}$ 。



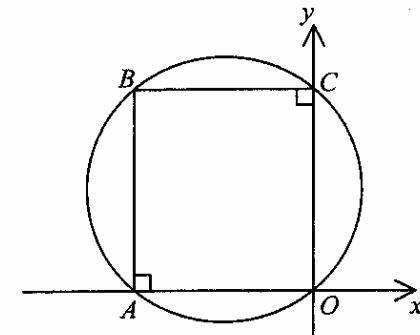
51. 圖中， $ABCD$  為一圓。若  $\widehat{AB} : \widehat{BC} : \widehat{CD} : \widehat{DA} = 1 : 2 : 3 : 3$  及  $E$  為  $BD$  上的一點，則  $\angle CAE =$

- A.  $45^\circ$ 。
- B.  $50^\circ$ 。
- C.  $55^\circ$ 。
- D.  $60^\circ$ 。



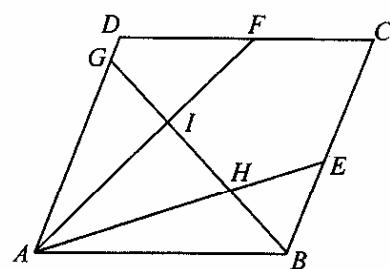
53. 圖中， $O$  為原點。若通過  $O$ 、 $A$ 、 $B$  及  $C$  的圓的方程為  $(x+3)^2 + (y-4)^2 = 25$ ，則長方形  $OABC$  的面積為

- A.  $36$ 。
- B.  $48$ 。
- C.  $50$ 。
- D.  $64$ 。



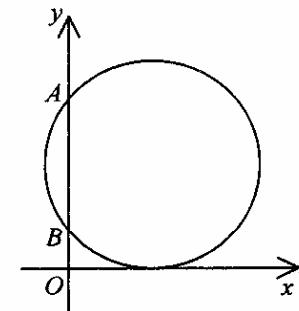
52. 圖中， $ABCD$  為一平行四邊形。 $E$ 、 $F$  及  $G$  分別為  $BC$ 、 $CD$  及  $DA$  上的點。 $AE$  與  $AF$  將  $\angle BAD$  分成三等分且  $BG$  平分  $\angle ABC$ 。若  $AE$  及  $AF$  分別與  $BG$  相交於  $H$  及  $I$ ，則  $\angle GIF + \angle GHE =$

- A.  $120^\circ$ 。
- B.  $150^\circ$ 。
- C.  $180^\circ$ 。
- D.  $210^\circ$ 。



54. 圖中，通過  $A(0, 8)$  及  $B(0, 2)$  的圓與正  $x$  軸相切。該圓的方程為

- A.  $x^2 + y^2 - 8x - 10y + 16 = 0$ 。
- B.  $x^2 + y^2 + 8x + 10y + 16 = 0$ 。
- C.  $x^2 + y^2 - 10x - 10y + 16 = 0$ 。
- D.  $x^2 + y^2 + 10x + 10y + 16 = 0$ 。



卷二  
Paper 2

題號 Question No.	答案 Key	題號 Question No.	答案 Key
1.	B (89)	31.	A (30)
2.	D (80)	32.	C (74)
3.	A (80)	33.	D (63)
4.	D (84)	34.	A (60)
5.	B (85)	35.	D (45)
6.	D (65)	36.	A (33)
7.	D (47)	37.	D (50)
8.	C (74)	38.	A (71)
9.	A (80)	39.	D (73)
10.	D (69)	40.	A (46)
11.	B (72)	41.	C (57)
12.	D (24)	42.	A (59)
13.	C (72)	43.	B (40)
14.	C (59)	44.	A (37)
15.	D (59)	45.	A (55)
16.	B (49)	46.	B (37)
17.	D (51)	47.	B (55)
18.	C (70)	48.	B (51)
19.	B (57)	49.	A (46)
20.	C (47)	50.	B (32)
21.	C (75)	51.	B (38)
22.	C (74)	52.	C (45)
23.	B (55)	53.	B (49)
24.	C (51)	54.	A (42)
25.	A (51)		
26.	C (50)		
27.	B (69)		
28.	C (68)		
29.	C (42)		
30.	D (54)		

註：括號內數字為答對百分率。

Note: Figures in brackets indicate the percentages of candidates choosing the correct answers.