

2000-CE
數學
卷二

MC

香港考試局
2000年香港中學會考

數學 試卷二

一小時三十分鐘完卷
(上午十一時十五分至下午十二時四十五分)

科目編號 380

- (一) 細讀答題紙上的指示，並填上各項所需資料，包括科目編號。
- (二) 試場主任宣布開卷後，考生須檢查試題有無缺少。留意最後一題後面應有「試卷完」字樣。
- (三) 本試卷各題全答。答案必須在答題紙上填畫。
- (四) 注意：每題只可填畫一個答案；若填畫兩個或多個答案，則該題不給分。
- (五) 本試卷各題佔分相等。答案錯誤，不另扣分。

©香港考試局 保留版權
Hong Kong Examinations Authority
All Rights Reserved 2000

2000-CE-MATH 2-1

參考公式

球	體	表	面	積	=	$4\pi r^2$
		體	積		=	$\frac{4}{3}\pi r^3$
圓	柱	側	面	積	=	$2\pi rh$
		體	積		=	$\pi r^2 h$
圓	錐	側	面	積	=	πrl
		體	積		=	$\frac{1}{3}\pi r^2 h$
角	柱	體	積		=	底面積 × 高
角	錐	體	積		=	$\frac{1}{3}$ × 底面積 × 高

甲部共 36 題，乙部共 18 題。
本試卷的附圖不一定依比例繪成。

甲部

1. 若 $A = \frac{h}{2}(a+b)$ ，則 $b =$

A. $2A - ah$ 。

B. $\frac{2}{h}(A - a)$ 。

C. $\frac{2A - a}{h}$ 。

D. $a - \frac{2A}{h}$ 。

E. $\frac{2A}{h} - a$ 。

2. 因式分解 $x^2 - x - xy + y$ 。

A. $(x - y)(x - 1)$

B. $(x - y)(x + 1)$

C. $(x + y)(x - 1)$

D. $(1 - x)(x + y)$

E. $(1 + x)(y - x)$

3. 化簡 $\frac{(a^3b^{-1})^{-2}}{(a^{-1}b^2)^4}$ 。

A. $\frac{1}{ab^3}$

B. $\frac{1}{a^2b^3}$

C. $\frac{1}{a^2b^6}$

D. $\frac{1}{a^2b^9}$

E. $\frac{a^4}{b^6}$

4. 設 $f(x) = 3x^2 + ax - 7$ 。若 $f(-1) = 0$ ，求 $f(-2)$ 。

A. -27

B. -11

C. -3

D. 1

E. 13

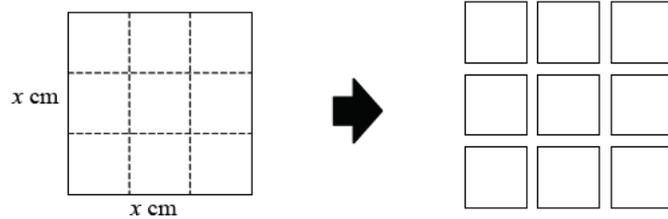
5. 若 $\begin{cases} y = x^2 - 1 \\ y = 2x - 2 \end{cases}$ ，則 $y =$

- A. -4 。
- B. 0 。
- C. 1 。
- D. 0 或 8 。
- E. -4 或 4 。

6. 求 x 的值使 $x+3 > 0$ 及 $-2x < 1$ 同時成立。

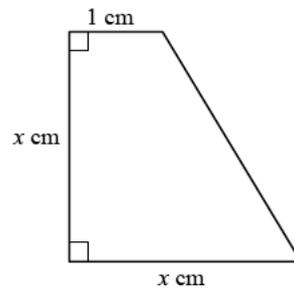
- A. $x > -3$
- B. $x > -\frac{1}{2}$
- C. $x > \frac{1}{2}$
- D. $-3 < x < -\frac{1}{2}$
- E. $-3 < x < \frac{1}{2}$

7. 圖中，將一個邊長為 x cm 的正方形切割成 9 個相同的正方形。若這 9 個小正方形的總周界較原來正方形的周界多 72 cm，則 $x =$



- A. 6 °
 B. 8 °
 C. 9 °
 D. 12 °
 E. 18 °
8. 圖中所示的梯形的面積為 6 cm^2 。求 x 。

- A. 2
 B. 3
 C. 4
 D. $\sqrt{6}$
 E. $\sqrt{11}$



9. 設 $f(x) = x^3 - 2x^2 - 5x + 6$ 。已知 $f(1) = 0$ 。 $f(x)$ 可因式分解成

A. $(x-1)^2(x+6)$ 。

B. $(x-1)(x+1)(x+6)$ 。

C. $(x-1)(x-2)(x+3)$ 。

D. $(x-1)(x+2)(x-3)$ 。

E. $(x+1)(x-2)(x-3)$ 。

10. 若 $3x^2 + ax + 7 \equiv 3(x-2)^2 + b$ ，則

A. $a = -12, b = -5$ 。

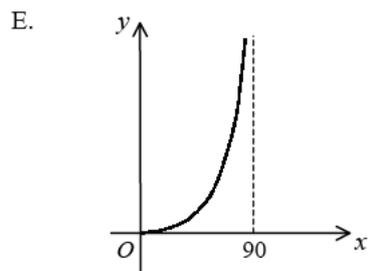
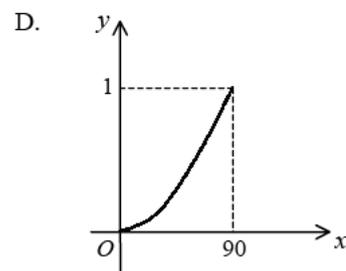
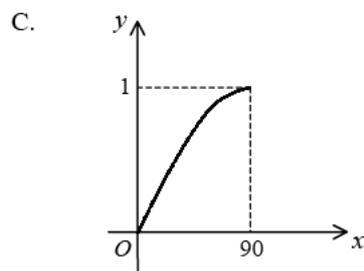
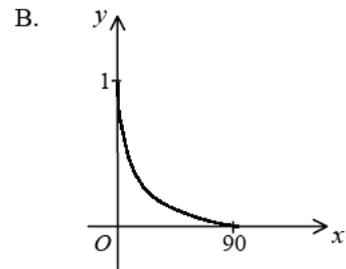
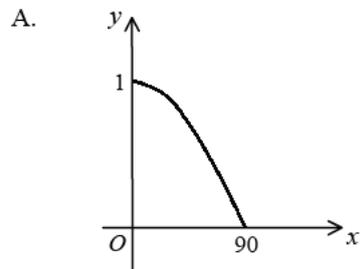
B. $a = -12, b = 7$ 。

C. $a = -4, b = 3$ 。

D. $a = 0, b = -5$ 。

E. $a = 0, b = 19$ 。

11. 下列何者可表示 $y = \tan x^\circ$ 在 $0 \leq x \leq 90$ 區間內的圖像？



12. 圖中， $ABCD$ 是由四個面積均為 1 cm^2 的正方形所組成的長方形。 DB 為對角線。 求陰影區域的面積。

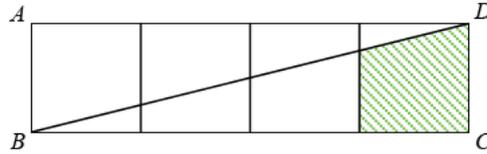
A. $\frac{9}{10} \text{ cm}^2$

B. $\frac{7}{8} \text{ cm}^2$

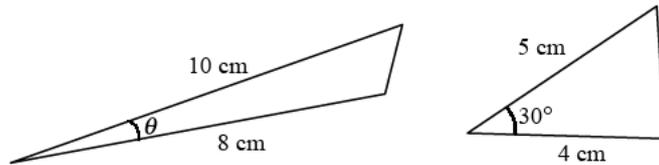
C. $\frac{5}{6} \text{ cm}^2$

D. $\frac{4}{5} \text{ cm}^2$

E. $\frac{3}{4} \text{ cm}^2$



13. 圖中，兩個三角形的面積相等。 求 θ 。



- A. 7.2° (準確至最接近的 0.1°)
- B. 7.5° (準確至最接近的 0.1°)
- C. 14.5° (準確至最接近的 0.1°)
- D. 15°
- E. 30°

14. 某人分別以 \$30 及 \$70 購入兩本書。他以 20% 的賺率售出第一本書，又以 10% 的賠率售出第二本書。整體而言，他
- A. 賠了 1%。
 - B. 賠了 10%。
 - C. 賺了 1%。
 - D. 賺了 10%。
 - E. 賺了 13%。
15. 某等差數列的第 1 和 第 10 項分別是 2 和 29。該數列的第 20 項是
- A. 56。
 - B. 58。
 - C. 59。
 - D. 60。
 - E. 62。

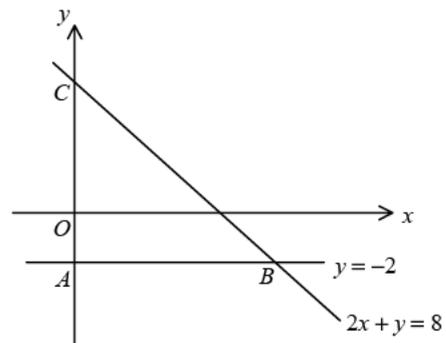
16. 下列何者可以是等比數列？

- I. $3, 3^3, 3^5, 3^7, \dots$
- II. $9, 99, 999, 9999, \dots$
- III. $10, -100, 1000, -10000, \dots$

- A. 只有 III
- B. 只有 I 及 II
- C. 只有 I 及 III
- D. 只有 II 及 III
- E. I、II 及 III

17. 求圖中 $\triangle ABC$ 的面積。

- A. 12
- B. 15
- C. 16
- D. 20
- E. 25



18. 考慮以下三條直線

$$L_1: 6x + 4y - 3 = 0 \text{ ,}$$

$$L_2: y = -\frac{3}{2}x + 4 \text{ 及}$$

$$L_3: 6x - 4y + 3 = 0 \text{ 。}$$

下列何者正確？

I. $L_1 \parallel L_2$

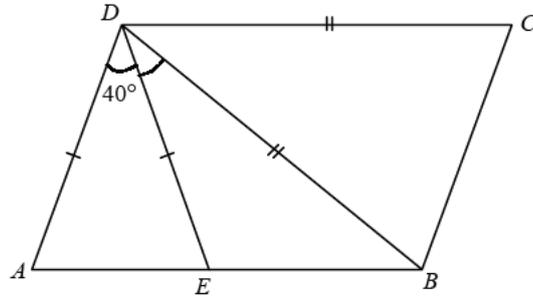
II. $L_2 \parallel L_3$

III. $L_1 \perp L_3$

- A. 只有 I
- B. 只有 II
- C. 只有 III
- D. 只有 I 及 III
- E. 只有 II 及 III

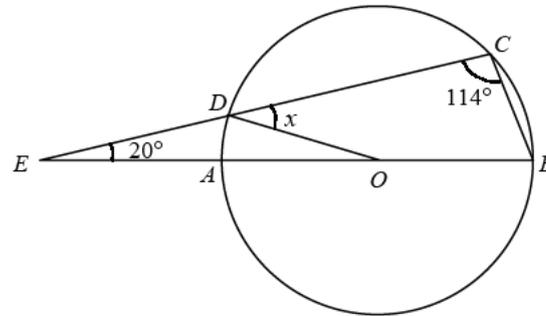
19. 圖中， $ABCD$ 為一平行四邊形。求 $\angle BDE$ 。

- A. 30°
- B. 35°
- C. 40°
- D. 50°
- E. 55°



20. 圖中， O 為圓心， $EAOB$ 及 EDC 均為直線。求 x 。

- A. 40°
- B. 46°
- C. 57°
- D. 66°
- E. 68°



21. 投擲兩枚勻稱骰子，求擲得至少有一面是 6 點的概率。

A. $\frac{1}{3}$

B. $\frac{1}{6}$

C. $\frac{5}{18}$

D. $\frac{7}{36}$

E. $\frac{11}{36}$

22. 一袋中有六個球，分別記有數字 -3 、 -2 、 -1 、 1 、 2 及 3 。從袋中隨意抽取兩個球。求抽出的數字的和是零的概率。

A. $\frac{1}{30}$

B. $\frac{1}{10}$

C. $\frac{1}{5}$

D. $\frac{1}{3}$

E. $\frac{1}{2}$

23. $\{x, x+2, x+4, x+6, x+8\}$ 及 $\{x+1, x+3, x+5, x+7, x+9\}$ 為兩組數。下列何者正確？

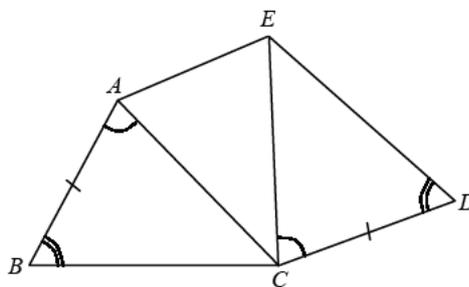
- I. 該兩組數有相同的值域。
- II. 該兩組數有相同的標準差。
- III. 該兩組數有相同的平均值。

- A. 只有 I
- B. 只有 II
- C. 只有 III
- D. 只有 I 及 II
- E. 只有 I 及 III

24. 圖中， $AB = CD$ ， $\angle CAB = \angle ECD$ 及 $\angle ABC = \angle CDE$ 。下列何者必為正確？

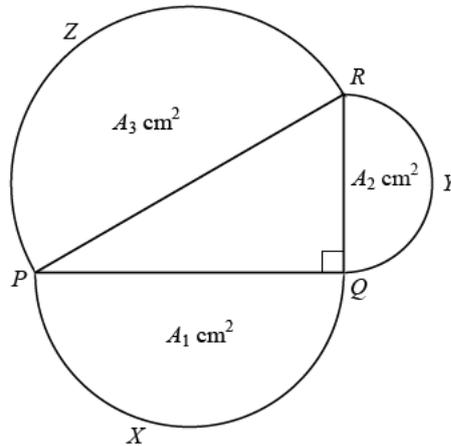
- I. $\triangle ABC \cong \triangle CDE$
- II. $\triangle ABC \sim \triangle EAC$
- III. EAC 為一等腰三角形

- A. 只有 I
- B. 只有 III
- C. 只有 I 及 II
- D. 只有 I 及 III
- E. I、II 及 III



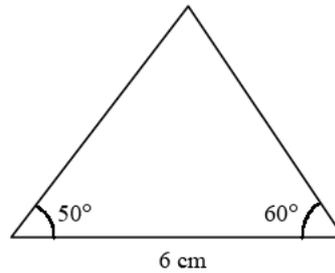
25. 圖中， PXQ 、 QYR 及 RZP 均為半圓，它們的面積分別是 $A_1 \text{ cm}^2$ 、 $A_2 \text{ cm}^2$ 及 $A_3 \text{ cm}^2$ 。若 $A_1 = 12$ 及 $A_2 = 5$ ，求 A_3 。

- A. 13
 B. 17
 C. 169
 D. 13π
 E. $\frac{169}{8}\pi$



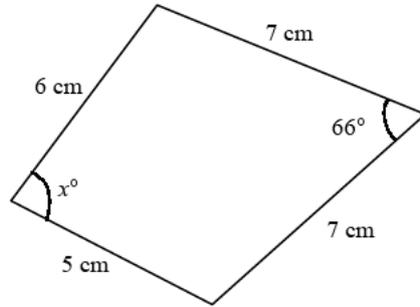
26. 求圖中三角形的面積，答案須準確至最接近的 0.1 cm^2 。

- A. 7.3 cm^2
 B. 10.7 cm^2
 C. 12.7 cm^2
 D. 15.0 cm^2
 E. 19.1 cm^2

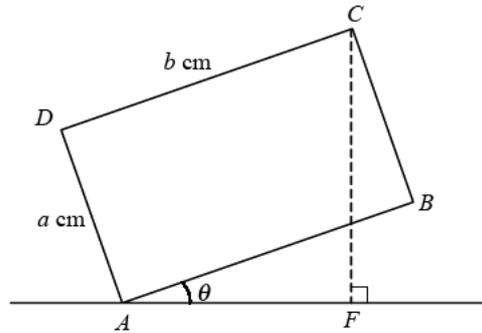


27. 求圖中的 x ，答案須準確至三位有效數字。

- A. 63.8
- B. 78.5
- C. 84.5
- D. 87.3
- E. 89.1

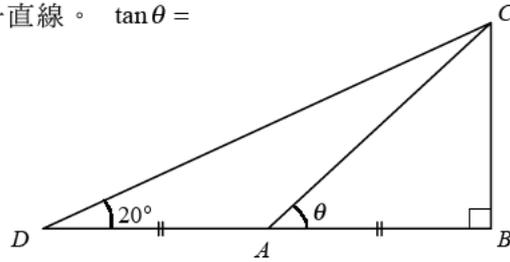


28. 圖中， $ABCD$ 是一長方形。求 CF 。



- A. $(a+b)\sin\theta$ cm
- B. $(a+b)\cos\theta$ cm
- C. $(a\sin\theta + b\cos\theta)$ cm
- D. $(a\cos\theta + b\sin\theta)$ cm
- E. $\sqrt{a^2 + b^2} \sin 2\theta$ cm

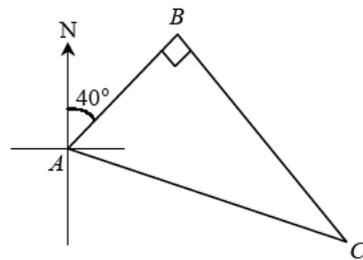
29. 圖中， DAB 為一直線。 $\tan \theta =$



- A. $2 \tan 20^\circ$ 。
- B. $\frac{1}{2} \tan 20^\circ$ 。
- C. $\frac{2}{\tan 20^\circ}$ 。
- D. $\frac{1}{2 \tan 20^\circ}$ 。
- E. $\tan 40^\circ$ 。

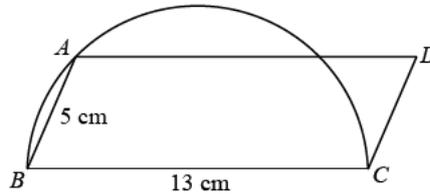
30. 根據圖中所示，由 C 測 B 的方位是

- A. 050° 。
- B. 130° 。
- C. 140° 。
- D. 310° 。
- E. 320° 。

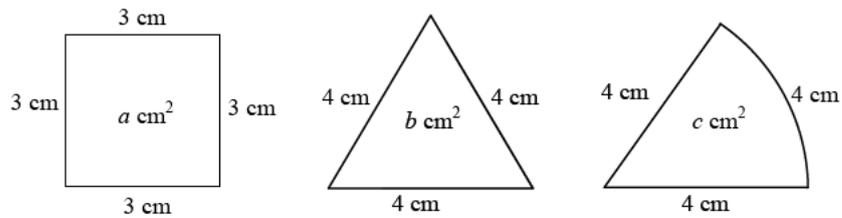


31. 圖中， CAB 為一半圓， $ABCD$ 為一平行四邊形。求 $ABCD$ 的面積。

- A. 65 cm^2
 B. 60 cm^2
 C. 52 cm^2
 D. 32.5 cm^2
 E. 30 cm^2



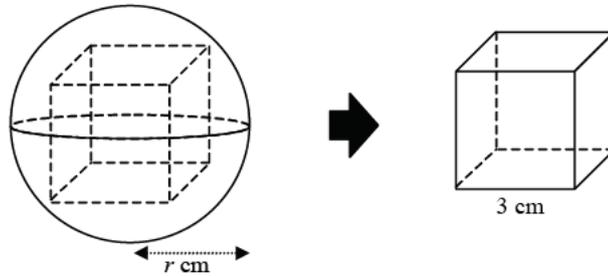
32. 圖中所示為一個正方形、一個三角形及一個扇形，它們的面積分別是 $a \text{ cm}^2$ 、 $b \text{ cm}^2$ 及 $c \text{ cm}^2$ 。



下列何者正確？

- A. $a > b > c$
 B. $a > c > b$
 C. $b > a > c$
 D. $b > c > a$
 E. $c > a > b$

33. 圖中，將一半徑為 r cm 的木球切割成一邊長為 3 cm 的正立方體。 r 的值最小可以是多少？



- A. $\frac{3\sqrt{3}}{2}$
- B. $\frac{3\sqrt{2}}{2}$
- C. $\frac{3}{2}$
- D. $3\sqrt{3}$
- E. $3\sqrt{2}$
34. 若 $9a^2 - b^2 = 0$ 及 $ab < 0$ ，則 $\frac{a-b}{a+b} =$

- A. -2 。
- B. $-\frac{1}{2}$ 。
- C. 0 。
- D. $\frac{1}{2}$ 。
- E. 2 。

35. y 與 x^2 正變且與 \sqrt{z} 反變。若當 $x=2$ 及 $z=9$ 時， $y=1$ ，求當 $x=1$ 及 $z=4$ 時的 y 。

A. $\frac{2}{3}$

B. $\frac{8}{3}$

C. $\frac{1}{6}$

D. $\frac{3}{8}$

E. $\frac{9}{26}$

36. 茶葉 A 與茶葉 B 以 $x:y$ 的比（以重量計）混合。 A 的原價為 \$80/kg， B 的原價為 \$100/kg。若 A 的價格增加 10%，而 B 的價格減少 12%，則混合後的茶葉每 kg 的價格不變。求 $x:y$ 。

A. 1 : 1

B. 2 : 3

C. 3 : 2

D. 5 : 6

E. 6 : 5

乙部

37. 化簡 $\frac{a}{a+b} + \frac{b}{b-a} + \frac{2ab}{a^2-b^2}$ 。

A. $\frac{a+b}{a-b}$

B. $-\frac{a-b}{a+b}$

C. $\frac{-a^2+b^2+4ab}{a^2-b^2}$

D. $\frac{a^2+b^2}{a^2-b^2}$

E. 1

38. 若 $\log(x-a)=3$ ，則 $x=$

A. 10^{3+a} 。

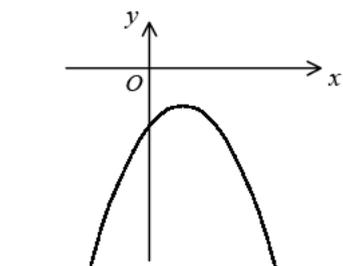
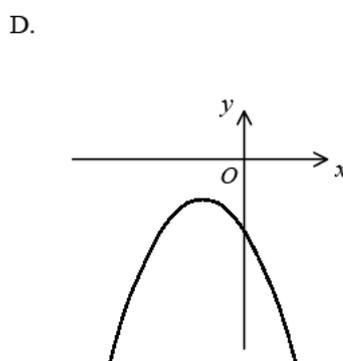
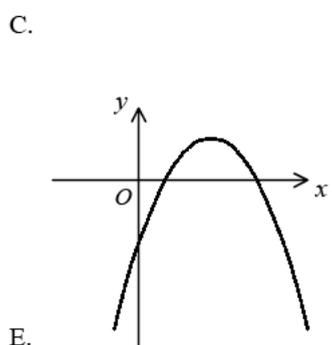
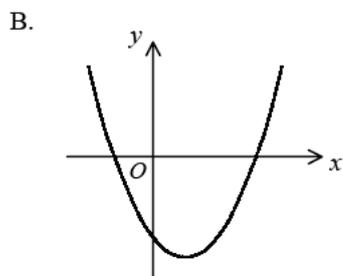
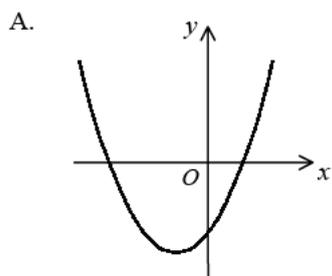
B. a^3 。

C. $1000a$ 。

D. $1000+a$ 。

E. $30+a$ 。

39. 下列何者可表示 $y = -x^2 + 2x - 3$ 的圖像？



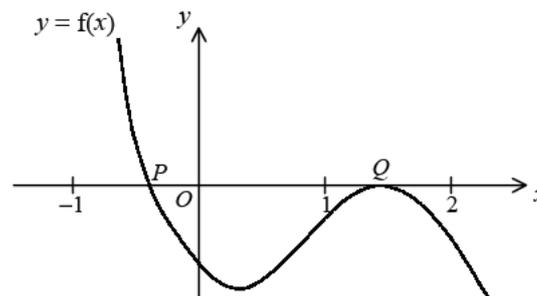
40. 若 $\left(\frac{\sqrt{5}}{2} + 1\right)x = \sqrt{2}$ ，則 $x =$

- A. $2\sqrt{10} - 2$ 。
- B. $2\sqrt{10} - 4\sqrt{2}$ 。
- C. $2\sqrt{10} + 4\sqrt{2}$ 。
- D. $\frac{\sqrt{10} - 1}{2}$ 。
- E. $\frac{2\sqrt{10} - 4\sqrt{2}}{3}$ 。

41. 圖中， $y = f(x)$ 的圖像與 x 軸只交於 P 及 Q 。若用分半法求 $f(x) = 0$ 的一個根，可從下列哪個區間開始？

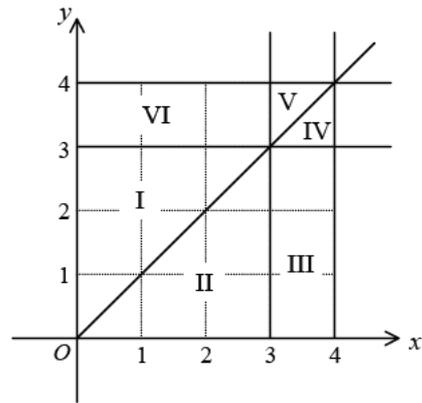
- I. $-1 < x < 0$
- II. $-1 < x < 1$
- III. $1 < x < 2$

- A. 只有 I
- B. 只有 III
- C. 只有 I 及 II
- D. 只有 I 及 III
- E. I、II 及 III



42. 根據圖中所示，下列何者可代表 $\begin{cases} 0 \leq x \leq 4 \\ x \geq y \\ 0 \leq y \leq 3 \end{cases}$ 的解？

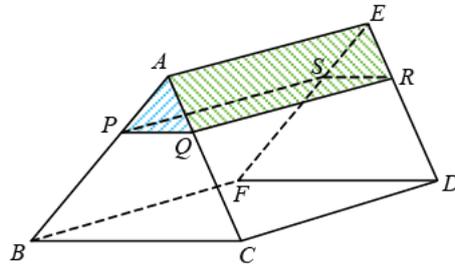
- A. 區域 I
 B. 區域 II
 C. 區域 I 及 VI
 D. 區域 II 及 III
 E. 區域 II、III 及 IV



43. 圖中， $ABCDEF$ 是一直立三角柱體，被一個與面 $BCDF$ 平行的平面 $PQRS$ 分成兩部分，且 $AP:PB=2:5$ 。

求 $\frac{\text{角柱體 } APQRES \text{ 的體積}}{\text{角柱體 } ABCDEF \text{ 的體積}}$ 。

- A. $\frac{2}{7}$
 B. $\frac{4}{25}$
 C. $\frac{4}{49}$
 D. $\frac{8}{125}$
 E. $\frac{8}{343}$

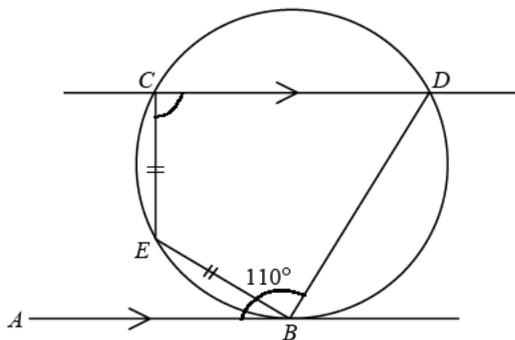


44. π 度 =

- A. $\frac{\pi^2}{180}$ 弧度。
- B. $\frac{180}{\pi^2}$ 弧度。
- C. $\frac{\pi}{180}$ 弧度。
- D. 180 弧度。
- E. 1 弧度。

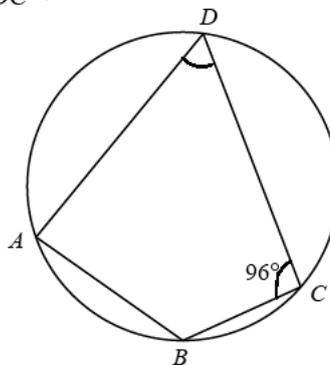
45. 圖中， AB 是圓在 B 的切線。求 $\angle DCE$ 。

- A. 70°
- B. 75°
- C. 90°
- D. 95°
- E. 105°



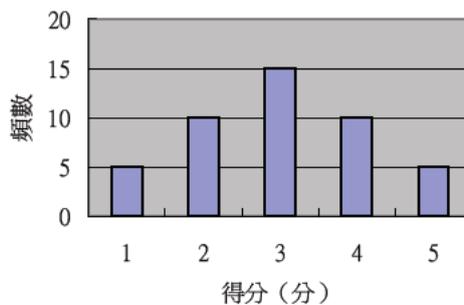
46. 圖中， $\widehat{AB}:\widehat{BC}:\widehat{CD}=2:1:3$ 。求 $\angle ADC$ 。

- A. 56°
- B. 60°
- C. 63°
- D. 72°
- E. 84°



47. 下面的棒形圖顯示某測驗的得分分佈。求該測驗得分的平均差。

- A. 0 分
- B. $\frac{8}{9}$ 分
- C. $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ 分
- D. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ 分
- E. $\frac{6}{5}$ 分



48. 若圓 $x^2 + y^2 + kx + (k+1)y - 3 = 0$ 的圓心位於 $x + y + 1 = 0$ 上，求 k 。

A. $\frac{3}{2}$

B. $\frac{1}{2}$

C. 0

D. -1

E. $-\frac{3}{2}$

49. 若直線 $y = mx + 1$ 與圓 $(x-2)^2 + y^2 = 1$ 相切，則 $m =$

A. $-\frac{4}{3}$ 。

B. 0。

C. $\frac{4}{3}$ 。

D. 0 或 $-\frac{4}{3}$ 。

E. 0 或 $\frac{4}{3}$ 。

50. $A(-1, -4)$ 、 $B(3, 4)$ 為兩點。直線 $x - y = 0$ 與 AB 交於 P 使 $AP:PB = r:1$ 。求 r 。

A. 3

B. 2

C. 1

D. $\frac{1}{2}$

E. $\frac{1}{3}$

51. 若 $\cos\theta = \frac{1}{k}$ 及 $0^\circ < \theta < 90^\circ$ ，則 $\tan(\theta - 270^\circ) =$

A. $-\frac{k}{\sqrt{1-k^2}}$ 。

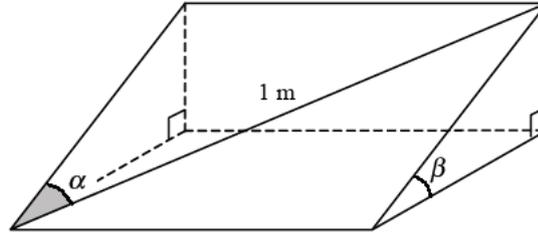
B. $-\frac{1}{\sqrt{k^2-1}}$ 。

C. $\frac{1}{\sqrt{k^2-1}}$ 。

D. $-\sqrt{k^2-1}$ 。

E. $\sqrt{k^2-1}$ 。

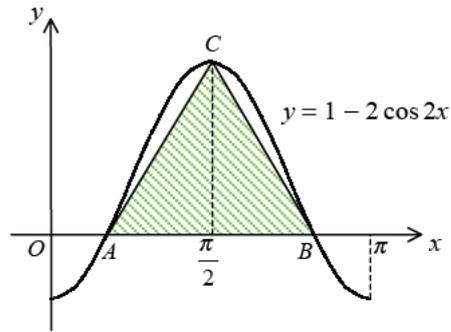
52. 圖中所示為一直立三角形柱體。求它的體積。



- A. $\frac{1}{3} \sin^2 \alpha \cos \alpha \sin \beta \cos \beta \text{ m}^3$
- B. $\frac{1}{3} \sin \alpha \cos^2 \alpha \sin \beta \cos \beta \text{ m}^3$
- C. $\frac{1}{2} \sin \alpha \cos \alpha \sin \beta \cos \beta \text{ m}^3$
- D. $\frac{1}{2} \sin^2 \alpha \cos \alpha \sin \beta \cos \beta \text{ m}^3$
- E. $\frac{1}{2} \sin \alpha \cos^2 \alpha \sin \beta \cos \beta \text{ m}^3$

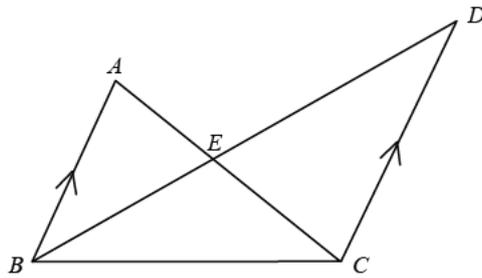
53. 圖中， $\triangle ABC$ 的面積是

- A. $\frac{\pi}{3}$ 。
- B. $\frac{2\pi}{3}$ 。
- C. π 。
- D. $\frac{4\pi}{3}$ 。
- E. 2π 。



54. 圖中， AEC 及 BED 均為直線。若 $\triangle ABE$ 的面積 = 4 cm^2 及 $\triangle BCE$ 的面積 = 5 cm^2 ，求 $\triangle CDE$ 的面積。

- A. 4.5 cm^2
- B. 5 cm^2
- C. 6 cm^2
- D. 6.25 cm^2
- E. 9 cm^2



— 試卷完 —

2000年數學(卷二)

題號	答案	題號	答案
1.	E	31.	B
2.	A	32.	B
3.	C	33.	A
4.	E	34.	A
5.	B	35.	D
6.	B	36.	C
7.	C	37.	E
8.	B	38.	D
9.	D	39.	E
10.	A	40.	B
11.	E	41.	C
12.	B	42.	D
13.	A	43.	C
14.	A	44.	A
15.	C	45.	E
16.	C	46.	C
17.	E	47.	B
18.	A	48.	B
19.	A	49.	D
20.	E	50.	A
21.	E	51.	B
22.	C	52.	E
23.	D	53.	C
24.	D	54.	D
25.	B		
26.	C		
27.	D		
28.	D		
29.	A		
30.	D		



All Rights Reserved 2000